

② Bew zu Thm 2.39

zz  $d^g$  ist oberhalbstetig in  $(C_p, q)$  mit  $p \leqq q$

per Widerspr.

Angenommen  $d^g$  ist nicht oberh. stetig in  $(C_p, q)$

Dann  $\exists \varepsilon > 0$  sd. und Folge  $p_n \rightarrow p$  und  $q_n \rightarrow q$  sd.

$d^g(p_n, q_n) \geq d^g(p, q) + \varepsilon$ . (\*) (mit Verwenden Innerhalbstetigkeit von  $I^+$ )

wähle zukünft. kurve  $c_n$  mit

$c_n(0) = p_n, c_n(1) = q_n$ . Sei  $c_\infty: p \xrightarrow{\text{zub.}} q$

Da  $(C_p, q)$  kompakt  $\exists$  Teilfolge von  $c_n \stackrel{=: c_k}{\rightarrow} c_\infty$  sodass

$$\lim L(c_k) \leq L(c_\infty) \leq d^g(p, q)$$

$\uparrow$  2.34  
Lobe

$$\text{mit } L(c_k) \geq d^g(p_k, q_k) - \frac{1}{k} \stackrel{(*)}{\geq} d^g(p, q) + \varepsilon - \frac{1}{k}$$

$$k \rightarrow \infty \quad \rightsquigarrow \quad d^g(p, q) \geq d^g(p, q) + \varepsilon \quad \text{für } \varepsilon > 0 \quad \text{!}$$